

Составлено  
ст.  
Григорьев

Г - 9

### Контрольная работа №4. Итоговая

1. В треугольнике  $ABC$  точка  $D$  – середина стороны  $AB$ , точка  $M$  – точка пересечения медиан.

а) Выразите вектор  $\overrightarrow{MD}$  через векторы  $\overrightarrow{MA}$  и  $\overrightarrow{MB}$  и вектор  $\overrightarrow{AM}$  через векторы  $\overrightarrow{AB}$  и  $\overrightarrow{AC}$ .

б) Найдите скалярное произведение  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$ , если  $AB = AC = 2, \angle B = 75^\circ$ .

2. Даны точки  $A(1; 1)$ ,  $B(4; 5)$ ,  $C(-3; 4)$ .

а) Докажите, что треугольник  $ABC$  равнобедренный и прямоугольный.

б) Найдите длину медианы  $CM$ .

3. В треугольнике  $ABC$   $\angle A = \alpha > 90^\circ, \angle B = \beta$ , высота  $BD$  равна  $h$ .

а) Найдите сторону  $AC$  и радиус  $R$  описанной окружности.

б) Вычислите значение  $R$ , если  $\alpha = 120^\circ, \beta = 15^\circ, h = 6\text{ см}$ .

4. Хорда окружности равна  $a$  и стягивает дугу в  $120^\circ$ . Найдите:

а) длину дуги; б) площадь сектора, ограниченного этой дугой и двумя радиусами

### Критерии итоговой контрольной работы.

Какие умения проверяются:

- ✓ применять формулы при решении задач;
- ✓ решать задачи на доказательство с использованием формул;
- ✓ применять теоремы синусов и косинусов;
- ✓ вычислять скалярное произведение векторов

Сколько заданий необходимо выполнить на отметки «3», «4», «5»

| отметка        | «3»       | «4»         | «5»       |
|----------------|-----------|-------------|-----------|
| кол-во заданий | 5 заданий | 6-7 заданий | 8 заданий |

Если задание содержит пункты а), б) и т.д., то каждый пункт считается как отдельное задание.